## Übung 16

1. Gegeben ist die Ebene

$$E: \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \\ 4 \end{pmatrix}.$$

- (a) Ermittle die Koordinatendarstellung von E.
- (b) Löse (b) und (c) mittels Koordinatendarstellung.
- 2. (1,2,3), (1,4,5), (-1,3,0) und (3,0,5) seien die Ecken eines Vierecks. Ist das Viereck eben?
- 3. Stelle die Koordinatengleichung der Ebene auf, die durch (1, -2, 2) geht und zur Ebene E parallel ist.

$$E: \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}.$$

- 4. In welchen Punkten durchstossen die Koordinatenachsen die Ebene, welche durch die Gleichung 2x + 3y z + 12 = 0 gegeben ist?
- 5. Stelle eine Parametergleichung der Schnittgeraden der beiden Ebenen mit den Gleichungen x+y-z-3=0 und 2x-y+3z=0 auf.
- 6. Bestimme die Koordinatengleichung der Ebene, die durch (2,0,5) geht und

$$\vec{n} = \begin{pmatrix} 5\\3\\-4 \end{pmatrix}$$
 als Normalenvektor hat.

- 7. Bestimme die Ebene, die parallel zur Ebene 5x 3y + z = 7 ist und durch (6, 7, -5) geht.
- 8. Bestimme die Ebene,
  - (a) die durch (6,0,1) und (-1,-2,2) geht und parallel zur z-Achse ist.
  - (b) die durch (1,2,3) und (0,7,0) geht und senkrecht auf der Ebene y=7 steht.
  - (c) die senkrecht zur Ebene 3x 2y + z = 10 und die Gerade g

$$g: \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 3 \\ -8 \\ 2 \end{pmatrix}$$

enthält.

- 9. Gib eine möglichst einfache Formel für den Schnittwinkel  $\varphi$  einer Geraden (mit Richtungsvektor  $\vec{a}$ ) und einer Ebene (mit Normalenvektor)  $\vec{n}$  an.
- 10. Berechne den Schnittwinkel von
  - (a)  $E_1: 2x + 3y + 4z 6 = 0$  und  $E_2: 3x 2y z + 4 = 0$ .
  - (b)  $E_1: 3x + 4y + 5z = 0$  und der *xy*-Ebene.
- 11. Die Ebene E: 2x-5y+14z-1=0 und die Punkte P=(0,-9,29) und  $Q=(x_Q,11,-27)$  sind gegeben. Bestimme  $x_Q$  so, dass P und Q auf verschiedenen Seiten von E liegen, aber gleich weit von der Ebene entfernt sind.
- 12. Gegeben sind die Punkte A=(5,0,10), B=(-4,21,4), C=(2,21,10), S=(-13,12,22). Von S aus wird das Lot auf die Ebene ABC gefällt. Berechne seinen Fusspunkt.

16